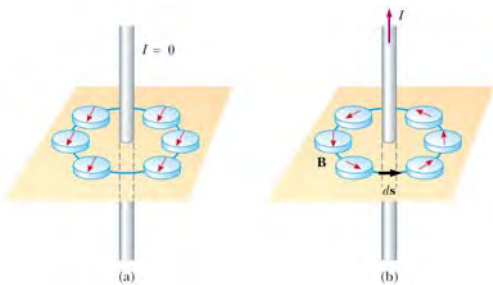


## Ο νόμος του Ampère



$$\oint \mathbf{B} \cdot d\mathbf{s} = B \oint ds = \frac{\mu_0 I}{2\pi r} (2\pi r) = \mu_0 I$$

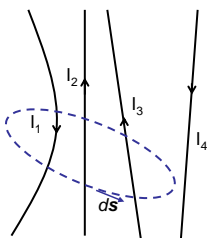
## Ο νόμος του Ampère



$$\oint \mathbf{B} \cdot d\mathbf{s} = \mu_0 I = \mu_0 \int_{\text{Επιφάνεια}} \mathbf{J} \cdot d\mathbf{a}$$

Η κυκλοφορία του μαγνητικού πεδίου κατά μήκος μιάς κλειστής διαδρομής ισούται με  $\mu_0 I$ , όπου  $I$  είναι το ολικό σταθερό (χρονικά αμετάβλητο) ρεύμα που διέρχεται μέσα από οποιαδήποτε επιφάνεια που περιβάλλεται από την κλειστή διαδρομή.

## Ο νόμος του Ampère



$$\oint \mathbf{B} \cdot d\mathbf{s} = \mu_0 I = \mu_0 (-I_1 + I_2 + I_3)$$

## Διαφορική μορφή του ν.Αmpère



$$\oint_{\text{Συνοριακή Γραμμή}} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{l} = \mu_0 I \Rightarrow$$

$$\int_{\text{Επιφάνεια}} (\nabla \times \mathbf{B}) \cdot d\mathbf{a} = \mu_0 \int_{\text{Επιφάνεια}} \mathbf{J} \cdot d\mathbf{a} \Rightarrow$$

$$\nabla \times \mathbf{B} = \text{rot} \mathbf{B} = \mu_0 \mathbf{J}$$

### Παρ. 30.4 : Το πεδίο $\mathbf{B}$ ενός σύρματος μεγάλου μήκους

Περίπτωση 1

$$\oint \mathbf{B} \cdot d\mathbf{s} = B \oint ds = B(2\pi r) = \mu_0 I$$

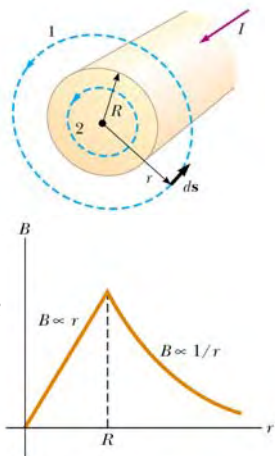
$$\Rightarrow B = \frac{\mu_0 I}{2\pi r} = \frac{\mu_0 J R^2}{2r}, \text{ για } r \geq R$$

Περίπτωση 2

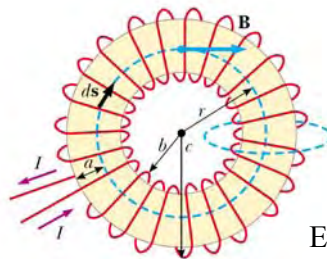
$$\oint \mathbf{B} \cdot d\mathbf{s} = B \oint ds = B(2\pi r) = \mu_0 I'$$

$$\left[ \frac{I'}{I} = \frac{\pi r^2}{\pi R^2} \right] \Rightarrow B = \frac{\mu_0 I}{2\pi R^2} r = \frac{\mu_0 J r}{2}, \text{ για } r < R$$

$$I = J \pi R^2$$



### Παρ. 30.5 : Το πεδίο $\mathbf{B}$ δακτυλιοειδούς πηνίου

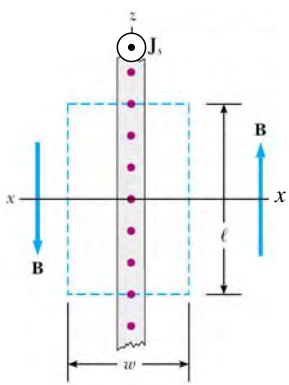


Εντός του πηνίου

$$\oint \mathbf{B} \cdot d\mathbf{s} = B \oint ds = B(2\pi r) = \mu_0 NI$$

$$\Rightarrow B = \frac{\mu_0 NI}{2\pi r}$$

Παρ. 30.6: Μαγνητικό πεδίο **B** από επίπεδο φύλλο απείρων διαστάσεων που διαρρέεται από ρεύμα επιφανειακής πυκνότητας **J**

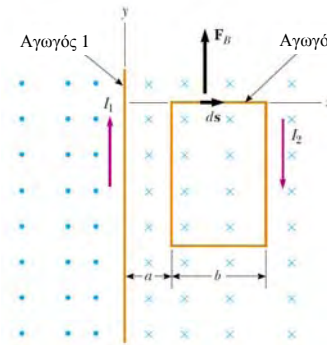


$$\oint \mathbf{B} \cdot d\mathbf{s} = \mu_0 I = \mu_0 J_s l$$

$$\Rightarrow 2Bl = \mu_0 J_s l \Rightarrow$$

$$B = \mu_0 \frac{J_s}{2}$$

Παρ. 30.7: Μαγνητική δύναμη σε τμήμα ρευματοφόρου αγωγού



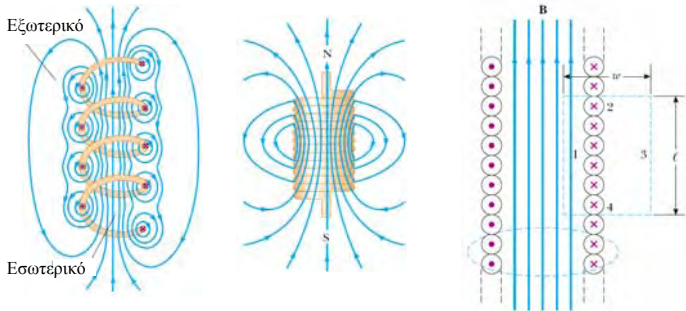
$$d\vec{F} = I d\vec{s} \times \vec{B} \Rightarrow d\vec{F} = I_2 d\vec{s} \times \vec{B}_1 \Rightarrow$$

$$d\vec{F} = I_2 dx \hat{i} \times \frac{\mu_0 I_1}{2\pi x} (-\hat{k}) = \frac{\mu_0 I_1 I_2}{2\pi x} dx \hat{j}$$

$$\Rightarrow \vec{F} = \int_a^{a+b} \frac{\mu_0 I_1 I_2}{2\pi x} dx \hat{j}$$

$$\vec{F} = \frac{\mu_0 I_1 I_2}{2\pi} \ln\left(1 + \frac{b}{a}\right) \hat{j}$$

### Μαγνητικό Πεδίο Ιδανικού Σωληνοειδούς

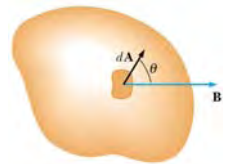


$$\oint \mathbf{B} \cdot d\mathbf{s} = B \oint ds = Bl = \mu_0 NI \Rightarrow B = \mu_0 \frac{N}{l} I = \mu_0 nI$$

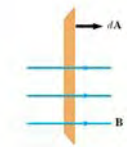
### Μαγνητική Ροή

$$\Phi_B \equiv \lim_{\Delta A_i \rightarrow 0} \sum \vec{B}_i \cdot \Delta \vec{A}_i = \int_{\text{επιφάνεια}} \vec{B} \cdot d\vec{A}$$

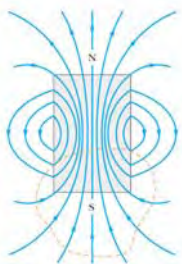
Μαγνητική Ροή:  $\Phi_B$  [T.m<sup>2</sup> = 1 Wb]



$$\Phi_B \equiv \vec{B} \cdot \vec{A} = BA \cos \theta$$



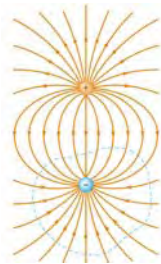
### ν. Gauss για το μαγνητισμό



$$\Phi_B = \oint \vec{B} \cdot d\vec{a} = 0$$

ή

$$\nabla \cdot \mathbf{B} = 0$$

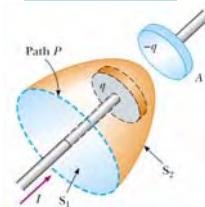


Δεν απαντώνται μαγνητικά μονόπολα στην φύση

### Το ρεύμα μετατόπισης και ο γενικευμένος ν. Ampère

$$\oint \mathbf{B} \cdot d\mathbf{s} = \mu_0 I$$

$I = \frac{dQ}{dt}$  από  $S_1$  και  $I = 0$  από  $S_2$  !!!!!

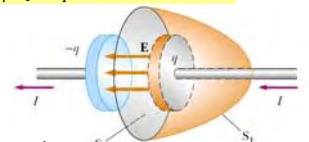


$I_d \equiv \epsilon_0 \frac{d\Phi_e}{dt}$ : Ρεύμα μετατόπισης

$$\oint \mathbf{B} \cdot d\mathbf{s} = \mu_0 (I + I_d) = \mu_0 I + \mu_0 \epsilon_0 \frac{d\Phi_e}{dt}$$

Γενικευμένος νόμος Ampère - Maxwell

$$\Phi_e = EA = \frac{Q}{\epsilon_0}, \quad I_d \equiv \epsilon_0 \frac{d\Phi_e}{dt} = \frac{dQ}{dt}$$



Τα μαγνητικά πεδία παράγονται από ρεύματα αγωγιμότητας και από χρονομεταβαλλόμενα ηλεκτρικά πεδία!

**Παρ. 30.9** Ρεύμα μετατόπισης πυκνωτή: Εναλλασόμενη τάση πλάτους 30 V και συχνότητας 3 kHz εφαρμόζεται σε πυκνωτή. Υπολογίστε το ρεύμα μετατόπισης ανάμεσα στους οπλισμούς του πυκνωτή.

$$\omega = 2\pi f = 2\pi(3 \times 10^3) \text{ Hz} = 6\pi \times 10^3 \text{ sec}^{-1}$$

$$V = V_m \sin \omega t = 30 \sin(6\pi \times 10^3 t) \text{ V}$$

$$I_d = \frac{dQ}{dt} = \frac{d}{dt}(CV) = C \frac{dV}{dt} =$$

$$(8 \times 10^{-6}) \frac{d}{dt} [30 \sin(6\pi \times 10^3 t)] = 4.52 \cos(6\pi \times 10^3 t) \text{ A}$$

## Διαφορική μορφή του v. Ampère-Maxwell

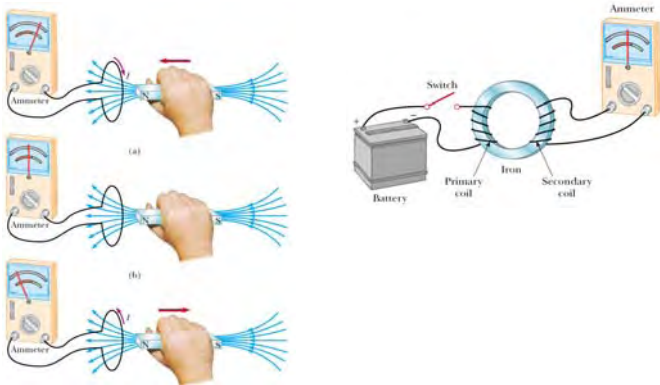


$$\nabla \times \mathbf{B} = \text{rot} \mathbf{B} = \mu_0 \mathbf{J} + \mu_0 \epsilon_0 \frac{\partial \mathbf{E}}{\partial t}$$

$\Rightarrow$

$$\nabla \times \mathbf{B} = \text{rot} \mathbf{B} = \mu_0 \mathbf{J} + \frac{1}{c^2} \frac{\partial \mathbf{E}}{\partial t}$$

## Ηλεκτρομαγνητική επαγωγή



## v. Faraday



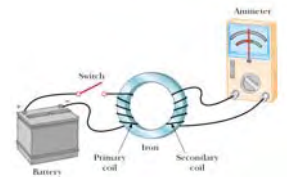
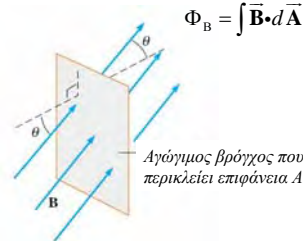
Το μεταβαλλόμενο μαγνητικό πεδίο του πρωτεύοντος πηνίου επάγει Ηλεκτρεγερτική Δύναμη (ΗΕΔ) στο δευτερεύον πηνίο. Η επαγόμενη ΗΕΔ είναι ανάλογη του χρονικού ρυθμού μεταβολής της *μαγνητικής ροής* που διαπερνά το κύκλωμα.

$$\mathcal{E} = -\frac{d\Phi_B}{dt} \quad [\text{volt}]$$



$$\Phi_B = \int \mathbf{B} \cdot d\mathbf{A}$$

$$\mathcal{E} = -\frac{d}{dt}(BA \cos \theta)$$



## Διαφορική μορφή του v. Faraday



$$\mathcal{E} = \int_{\text{καμπύλη}} \mathbf{E} \cdot d\mathbf{s} = -\frac{d\Phi_B}{dt} \Rightarrow$$

$$\int_{\text{Επιφάνεια}} (\nabla \times \mathbf{E}) \cdot d\mathbf{a} = -\frac{d}{dt} \int_{\text{Επιφάνεια}} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{a} \Rightarrow$$

$$\dots \Rightarrow \nabla \times \mathbf{E} = -\frac{d\mathbf{B}}{dt}$$



**ΗΕΔ πηνίου:** Σωληνοειδές το οποίο αποτελείται από  $N=200$  τετραγωνικές σπείρες πλευράς  $a=18 \text{ cm}$  βρίσκεται εντός εξωτερικού μαγνητικού πεδίου έντασης  $B=0.60 \text{ T}$  με την επιφάνεια που ορίζει η κάθε σπείρα κάθετη στις γραμμές του πεδίου. Αν μέσα σε χρονικό διάστημα  $\Delta t=0.8 \text{ sec}$  η ένταση του πεδίου μειωθεί γραμμικά μέχρι τα  $0.10 \text{ T}$ , βρείτε την επαγόμενη Ηλεκτρεγερτική Δύναμη που θα αναπτυχθεί στο πηνίο. Ποια η ένταση του ρεύματος αν το πηνίο έχει  $R=2 \Omega$ ? Ποια η ΗΕΔ αν η μείωση του πεδίου από τα  $0.60 \text{ T}$  στα  $0.10 \text{ T}$  γινόταν με εκθετικό τρόπο στο ίδιο χρονικό διάστημα?

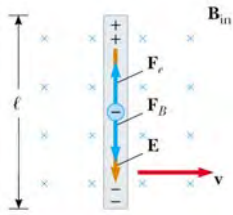
$$|\mathcal{E}| = \frac{d\Phi_{\text{tot}}}{dt} = N \frac{\Delta\Phi}{\Delta t} = N \alpha^2 \frac{\Delta B}{\Delta t} \Rightarrow$$

$$|\mathcal{E}| = 200(0.18)^2 \frac{0.6-0.1}{0.8-0} \text{ Tm}^2/\text{s} \Rightarrow$$

$$|\mathcal{E}| = 4.1 \text{ V}$$

$\Rightarrow \dots\dots\dots$

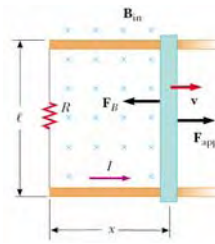
## ΗΕΔ από κίνηση αγωγού σε ΜΠ



$$F_e = F_m \Rightarrow qE = qvB \Rightarrow E = vB$$

$$V = El = vBl$$

## ΗΕΔ από κίνηση αγωγού σε ΜΠ

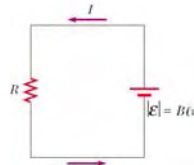


$$\Phi = BA = Blx$$

$$\varepsilon = -\frac{d\Phi_B}{dt} = -\frac{d}{dt}(Blx) = -(Bl)\frac{dx}{dt}$$

$$\Rightarrow \varepsilon = -vBl$$

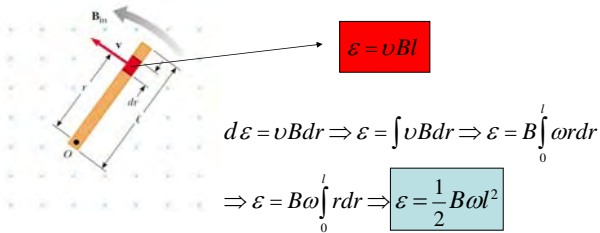
$$I = \frac{|\varepsilon|}{R} = \frac{vBl}{R}$$



$$P = F_{ext}v = (Il)v = \frac{(vBl)^2}{R}$$

$$P = I^2R$$

**Παρ. 30.9** Αγωγή μπάδος μήκους  $l$  που βρίσκεται μέσα σε ομογενές μαγνητικό πεδίο  $\mathbf{B}$  περιστρέφεται γύρω από το ένα της άκρο με σταθερή γωνιακή ταχύτητα  $\omega$ . Βρείτε την επαγόμενη Ηλεκτρεγερτική Δύναμη

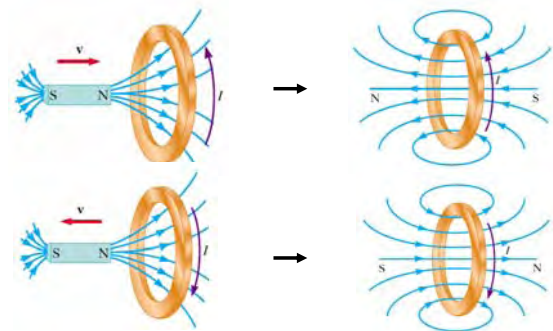


$$\varepsilon = vBl$$

$$d\varepsilon = vBdr \Rightarrow \varepsilon = \int vBdr \Rightarrow \varepsilon = B \int_0^l \omega r dr$$

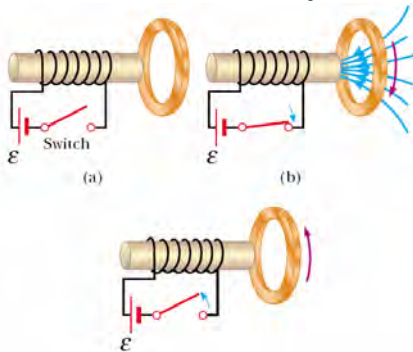
$$\Rightarrow \varepsilon = B\omega \int_0^l r dr \Rightarrow \varepsilon = \frac{1}{2} B\omega l^2$$

## Κανόνας του Lenz

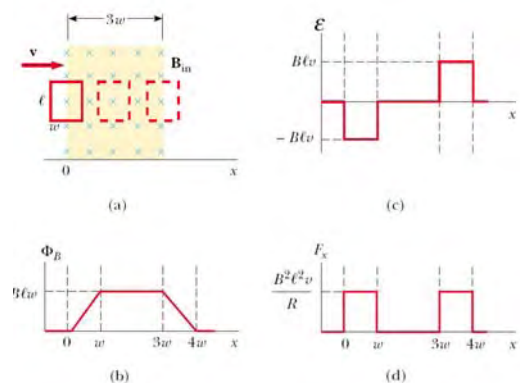


Η πολικότητα της επαγόμενης ΗΕΔ είναι τέτοια που να δημιουργεί ρεύμα που να παράγει μαγνητικό πεδίο που αντιτίθεται στην μεταβολή της μαγνητικής ροής.  
(.....το αποτέλεσμα αντιτίθεται στην αιτία που το προκάλεσε)

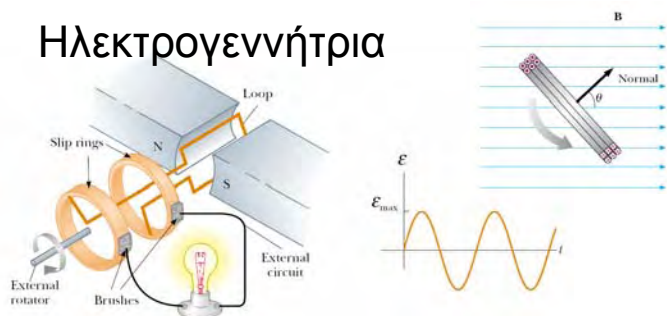
## εφαρμογή



## εφαρμογή



# Ηλεκτρογεννήτρια



$$\Phi_B = BA \cos \theta = BA \cos \omega t$$

$$\mathcal{E} = -N \frac{d\Phi_B}{dt} = -NAB \frac{d}{dt} (\cos \omega t) = NAB\omega \sin \omega t$$

$$\mathcal{E}_{\max} = NAB\omega$$

# ★ Οι εξισώσεις του Maxwell ★

$$\oint \vec{E} \cdot d\vec{a} = \frac{Q}{\epsilon_0}$$

$$\oint \vec{B} \cdot d\vec{a} = 0$$

$$\oint \vec{B} \cdot d\vec{s} = \mu_0 I + \mu_0 \epsilon_0 \frac{d\Phi_e}{dt}$$

$$\oint \vec{E} \cdot d\vec{s} = -\frac{d\Phi_m}{dt}$$

$$\nabla \cdot \vec{E} = \frac{\rho}{\epsilon_0}$$

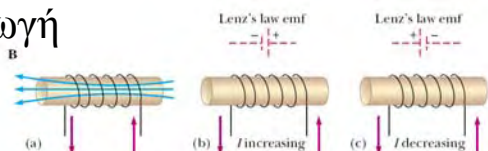
$$\nabla \cdot \vec{B} = 0$$

$$\nabla \times \vec{B} = \mu_0 \vec{J} + \frac{1}{c^2} \frac{\partial \vec{E}}{\partial t}$$

$$\nabla \times \vec{E} = -\frac{d\vec{B}}{dt}$$

$$\mathbf{F} = q\mathbf{E} + q\mathbf{v} \times \mathbf{B}$$

# Αυτεπαγωγή



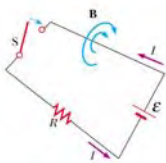
$$\mathcal{E} = -L \frac{dI}{dt}$$

Για την περίπτωση πηνίου,  $\mathcal{E} = -N \frac{d\Phi_m}{dt}$ , ο συντελεστής

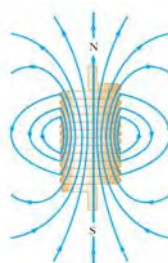
αυτεπαγωγής θα είναι:  $L = \frac{N\Phi_m}{I}$ ,

Γενικά ο ορισμός του συντελεστή είναι

$$L = -\frac{\mathcal{E}}{dI/dt} \quad \left[ 1\text{H} = 1 \frac{\text{V}\cdot\text{s}}{\text{A}} \right]$$



**Παρ. 32.1** Συντελεστής αυτεπαγωγής ενός σοληνοειδούς



$$B = \mu_0 \frac{N}{l} I = \mu_0 n I$$

$$\Phi = BA = \mu_0 \frac{NA}{l} I$$

$$L = \frac{N\Phi_m}{I} = \frac{\mu_0 N^2 A}{l} = \mu_0 n^2 A l = \mu_0 n^2 V_{\text{σολοειδούς}}$$